

高能质子-核和核-核碰撞中末态作用 对 K^+/π^+ 比的影响 *

刘 波¹⁾

(中国科学院高能物理研究所,北京 100039)

摘要

π 介子与周围核子发生次级碰撞可以改变 K^+/π^+ 比. 本文用 Glauber 模型计算在质子-核和核-核碰撞中的 K^+/π^+ 比. 计算表明, 末态相互作用对 K^+/π^+ 比的效应是重要的.

一、引言

在 BNL 的 E802 合作组测量了在实验系能量为 14.5 GeV/核子的重离子碰撞中的 K 介子产生, 得到 ^{28}Si 与 ^{197}Au 碰撞中产生的 K^+/π^+ 比大约是 20%, 是相似能量下的质子-质子碰撞中产生的 K^+/π^+ 比的四倍左右^[1]. 这个结果引起了很大的兴趣和注意. 很多作者提出了不同的模型试图解释这个实验现象^[2-12], 其中一些人提出, 丰富的奇异粒子产生可能是夸克-胶子等离子体(QGP)形成的一个信号. 本文的目的是处理影响 K^+/π^+ 比的末态作用效应, 期望用传统的方法分析 K^+/π^+ 比的增大.

考虑一个高能入射粒子或核与一个靶核发生碰撞. 当入射粒子或核通过原子核时, π 介子和 K 介子在非弹性的核子-核子(N-N)碰撞中产生. 我们称在 N-N 非弹性碰撞中产生的 π 和 K 介子为原始的 π 和 K 介子. 这些原始的 π 和 K 介子可以与核中的核子发生次级作用. π 介子与周围核子发生次级作用可以是由 π 介子引起的 K 产生反应, π 吸收, π -核子单电荷交换反应, $\pi-\pi$ 反应等. 这些次级碰撞或者减少 π^+ 介子数目或者增加 K^+ 介子数目, 从而改变末态的 π^+ 和 K^+ 介子产额, 影响 K^+/π^+ 比. 我们称这些次级碰撞过程为末态相互作用.

本文在 Glauber 模型的框架下, 处理质子-核(P-A)和核-核(B-A)碰撞中由 π 介子引起的 K^+ 介子产生反应和 π -核子单电荷交换反应这两类末态作用对 K^+/π^+ 比的贡献. 在第二节我们给出影响 K^+/π^+ 比的次级碰撞过程. 在第三节给出计算公式, 最后一节是我们的计算结果和讨论.

本文1991年12月2日收到.

* 国家自然科学基金资助.

1) CCAST 协联成员.

二、次级碰撞过程

在非弹性的 N-N 碰撞中产生的 π 和 K 介子可以与周围的核子发生末态相互作用，从而影响 K^+/π^+ 比。下面是由 π 和 K 介子引起的可以改变 K^+/π^+ 比的次级碰撞过程：



在上面的反应中，N 表示核子，p 表示质子，n 表示中子，X 表示 λ 或 Σ 。

反应(2.1)–(2.3)是 π 介子引起的 K^+ 产生反应，这类反应可以改变 K^+/π^+ 比。一些作者^[2,3]用蒙特卡罗方法分析过这类过程对 B-A 碰撞中 K^+/π^+ 比的影响，本文用不同的方法计算它对 P-A 和 B-A 碰撞中 K^+/π^+ 比的贡献大小。在我们的计算中，反应(2.1)的截面用 σ_{re} 表示。在计算中，我们使用的 σ_{re} 是对质子与中子和不同能量平均后的数值。反应(2.2)和(2.3)对 K^+ 数目增加的贡献近似取为和反应(2.1)相同^[2]。由于这方面的实验资料不很充分，为了分析 K^+/π^+ 比随 σ_{re} 的变化关系，在计算中我们取 σ_{re} 从 0.5 到 5.0 mb，以便能得到 K^+/π^+ 比的下限和上限。

反应(2.4)和(2.5)是 π 介子-核子单电荷交换反应。由于 N-N 碰撞中产生的三种 π 介子(π^\pm, π^0)的数目可以近似处理为大致相同，而通常的原子核中的中子数总是大于质子数。反应(2.4)式使 π^+ 数目减少，而反应(2.5)式使 π^+ 数目增加。但这类反应仍然可以使 π^+ 介子数目减少，从而影响 K^+/π^+ 比。 π^+ 介子数目的净减少决定于核中的中子数 N 与质子数 Z 之差 $N-Z$ 。我们用 σ_{sce} 表示 π -核子单电荷交换反应截面。在接近 1 GeV 附近时， π -核子单电荷交换反应截面的实验值大约是 1 mb^[13]。在计算中，我们取 σ_{sce} 从 0.5 到 3.0 mb。

由于 K 介子与核子的作用较弱，所以 K^+ 介子不容易被核子吸收。 π 介子可以在核物质中被吸收。由于能动量守恒要求，在自由空间的 π 吸收至少需要两个核子参加。在原子核中， π 介子可以被一个核子吸收，但由于核中核子的大动量成分，使得 π 介子被一个核子吸收的几率很小。低能 π 吸收的实验和理论分析表明，静止的 π 吸收主要是两核子吸收机制^[14]，在中能还有三核子参加吸收过程^[15]。 π 吸收对 K^+/π^+ 比可能一定的影响，但在高能区，现在还没有 π 介子在核中被吸收的实验资料和理论工作，本文先不考虑其贡献。

$\pi-\pi$ 反应(2.7)和(2.8)式使末态 K^+ 介子数目增加， π^+ 介子数目减少，同时末态 K^- 介子数目增加， π^- 介子数目减少。这类反应可以同时改变 K^+/π^+ 和 K^-/π^- 比。但是实际上还没有 K^-/π^- 比增大的迹象。所以本文未能计入这类反应的影响。

本文在处理末态作用时，只考虑 π 介子引起的 K^+ 介子产生反应和 π -核子单电荷交换反应对 K^+/π^+ 比的影响。为了比较不同次级碰撞过程的贡献，我们将两类不同的末态

作用分别计入进行计算,计算得到的不同的 K^+/π^+ 比改变,是由于不同的末态作用.为了分析核效应,我们计算 P-A 和 B-A 碰撞中的 K^+/π^+ 比,并进行比较,从中了解原子核对 K^+/π^+ 比的效应,对于更好地理解在 B-A 碰撞中观察到的 K^+/π^+ 比增大是有意义的.

三、在 P-A 和 B-A 碰撞中的 K^+/π^+ 比

在多次非弹性 N-N 碰撞中产生的 π 介子与周围核子发生次级碰撞,这些次级碰撞将导致 K^+/π^+ 比的改变. 我们首先给出 P-A 碰撞中的计算公式,然后再推广到 B-A 碰撞中.

在 Glauber 模型下,对于 $P+A \rightarrow \pi^+ + X$ 反应的截面可以写为^[16]:

$$\sigma_{PA \rightarrow \pi^+} = \sigma_{PN \rightarrow \pi^+} P(PA \rightarrow \pi^+), \quad (3.1)$$

这里 $\sigma_{PN \rightarrow \pi^+}$ 是质子与核子碰撞产生 π^+ 的截面,而

$$P(PA \rightarrow \pi^+) = \frac{A}{(A+1)\sigma_f} \int d^2 b \{1 - [1 - \sigma_f T_A(b)]^{A+1}\}. \quad (3.2)$$

这里 σ_f 是末态相互作用截面,当只考虑 π 介子引起的 K^+ 产生反应和 π -核子单电荷交换反应时: $\sigma_f = \sigma_{re} + \frac{N-Z}{A} \sigma_{sce}$. (3.2) 式中的 $T_A(b)$ 是原子核断面函数,

$$T_A(b) = \int_{-\infty}^{\infty} \rho_A(b, z) dz. \quad (3.3)$$

这里 $\rho_A(r)$ 是核密度,它的归一化是 $\int \rho_A(r) d^3 r = 1$. 在计算中,我们使用均匀分布的核密度, $\rho_A(r) = \rho_0 \theta(R_A - r)$, 得到

$$T_A(b) = 2\rho_0 \sqrt{R_A^2 - b^2}, \quad (3.4)$$

这里 $\rho_0 = 3/4\pi R_A^3$ 和 $R_A = r_0 A^{1/3}$.

对于反应 $P+A \rightarrow \pi^+ + X$ 的截面也可以写为:

$$\sigma_{PA \rightarrow \pi^+} = \sigma_{PA \rightarrow \pi^+}^{(0)} (1 - X_\pi) \quad (3.5)$$

这里 $\sigma_{PA \rightarrow \pi^+}^{(0)}$ 是没有末态作用的截面, X_π 是由于末态作用使 π^+ 介子数目减少的几率, 将 (3.5) 式代入 (3.1) 式, 得到,

$$X_\pi = 1 - P(PA \rightarrow \pi^+)/A. \quad (3.6)$$

当末态作用使 K^+ 数目增加时,对于反应 $P+A \rightarrow K^+ + X$ 的截面也可以写成:

$$\sigma_{PA \rightarrow K^+} = \sigma_{PA \rightarrow K^+}^{(0)} (1 + X_K). \quad (3.7)$$

这里 $\sigma_{PA \rightarrow K^+}^{(0)}$ 是没有末态作用的截面, X_K 是由于末态作用使 K^+ 数目增加的几率.

在 P-A 碰撞中的 K^+/π^+ 比可以定义为:

$$R_{PA} = \frac{\sigma_{PA \rightarrow K^+}}{\sigma_{PA \rightarrow \pi^+}} = \frac{\sigma_{PA \rightarrow K^+}^{(0)} (1 + X_K)}{\sigma_{PA \rightarrow \pi^+}^{(0)} (1 - X_\pi)} = R_{PA}^{(0)} \cdot W_{PA}, \quad (3.8)$$

这里

$$R_{PA}^{(0)} = \frac{\sigma_{PA \rightarrow K^+}^{(0)}}{\sigma_{PA \rightarrow \pi^+}^{(0)}}, \quad (3.9)$$

是没有末态作用时的 K^+/π^+ 比,而 W_{PA} 是由于末态作用引起的增大修正因子,

$$W_{PA} = \frac{1 + X_K}{1 - X_\pi}. \quad (3.10)$$

由于在反应 $\pi^+ + N \rightarrow K^+ + X$ 过程中, K^+ 数目的增加和 π^+ 数目的减少相同, 当把反应 $\pi^- + N \rightarrow K^+ + X$ 和 $\pi^0 + N \rightarrow K^+ + X$ 过程中 K^+ 数目的增加取作和反应 $\pi^+ + N \rightarrow K^+ + X$ 相同时⁽²⁾, 则得到

$$\left. \begin{aligned} X_K &= 2X_\pi \\ \sigma_f &= \sigma_{re.} \end{aligned} \right| \quad (3.11)$$

用公式(3.8)就可以计算末态作用对 P-A 碰撞中 K^+/π^+ 比的影响.

用类似的方法, 将 P-A 碰撞中的公式推广到 B-A 碰撞中. 对于反应 $B+A \rightarrow \pi^+ + X$ 的截面可以写为:

$$\sigma_{BA \rightarrow \pi^+} = \sigma_{PN \rightarrow \pi^+} P(BA \rightarrow \pi^+), \quad (3.12)$$

这里

$$\begin{aligned} P(BA \rightarrow \pi^+) &= \frac{AB}{(A+1)(B+1)\sigma_f^A \sigma_f^B} \\ &\cdot \int d^2 b d^2 s \{1 - [1 - \sigma_f^B T_B(s)]^{B+1}\} \{1 - [1 - \sigma_f^A T_A(b-s)]^{A+1}\}. \end{aligned} \quad (3.13)$$

这里 s 表示在核 B 中的一个核子相对于核 B 质心的横坐标, $b-s$ 表示核 A 中的一个核子相对于核 A 质心的横坐标, $\sigma_f^{A(B)}$ 表示由 π 介子引起的次级碰撞截面:

$$\sigma_f^\alpha = \sigma_{re} + \frac{N_\alpha - Z_\alpha}{\alpha} \sigma_{sec}, \quad \alpha = A, B. \quad (3.14)$$

其中 Z_α, N_α 表示在核 α 中的质子数和中子数.

类似地, 对于反应 $B+A \rightarrow \pi^+ + X$ 的截面可以写为,

$$\sigma_{BA \rightarrow \pi^+} = \sigma_{BA \rightarrow \pi^+}^{(0)} (1 - y_\pi). \quad (3.15)$$

这里 $\sigma_{BA \rightarrow \pi^+}^{(0)}$ 表示没有末态作用的截面, y_π 是由于末态作用使 π^+ 介子数目减少的几率, 将(3.15)式代入(3.12)式, 得到,

$$y_\pi = 1 - P(BA \rightarrow \pi^+)/AB. \quad (3.16)$$

当末态作用使 K^+ 数目增加时, 对于反应 $B+A \rightarrow K^+ + X$ 的截面可以写为:

$$\sigma_{BA \rightarrow K^+} = \sigma_{BA \rightarrow K^+}^{(0)} (1 + y_K). \quad (3.17)$$

这里 $\sigma_{BA \rightarrow K^+}^{(0)}$ 表示没有末态作用的截面, y_K 是末态作用导致 K^+ 产额增加的几率.

在 B-A 碰撞中的 K^+/π^+ 比可以定义为:

$$R_{BA} = \frac{\sigma_{BA \rightarrow K^+}}{\sigma_{BA \rightarrow \pi^+}} = \frac{\sigma_{BA \rightarrow K^+}^{(0)} (1 + y_K)}{\sigma_{BA \rightarrow \pi^+}^{(0)} (1 - y_\pi)} = R_{BA}^{(0)} \cdot W_{BA}, \quad (3.18)$$

这里

$$R_{BA}^{(0)} = \frac{\sigma_{BA \rightarrow K^+}^{(0)}}{\sigma_{BA \rightarrow \pi^+}^{(0)}}, \quad (3.19)$$

是没有末态作用时的 K^+/π^+ 比, 而 W_{BA} 是由于末态作用引起的增大因子,

$$W_{BA} = \frac{1+y_K}{1-y_\pi}. \quad (3.20)$$

用类似于 P-A 碰撞中的假定, 得到,

$$\left. \begin{array}{l} y_K = 2y_\pi \\ \sigma_i^\alpha = \sigma_{re}, \quad \alpha = A, B. \end{array} \right| \quad (3.21)$$

用公式(3.18)就可以计算末态相互作用如何影响 B-A 碰撞中的 K^+/π^+ 比.

四、结果与讨论

我们用 Glauber 模型计算了 P-A 和 B-A 碰撞中末态作用引起的 K^+/π^+ 比的改变和核密度对 K^+/π^+ 比的影响. 在计算中, 质子-质子碰撞中的 K^+/π^+ 比作为输入取为 0.05^[17], r_0 作为参数, 取为 1.1 和 1.2 fm. 不同的 r_0 对应不同的核密度, $r_0 = 1.1$ fm 的核密度是 0.179 核子/fm³, $r_0 = 1.2$ fm 对应的核密度为 0.138 核子/fm³.

为了比较不同次级碰撞过程对 K^+/π^+ 比的贡献, 我们分别进行计算. 计算的 π 介子引起的 K^+ 介子产生反应对 K^+/π^+ 比的贡献在图 1 中. 从图 1 看到, R_{PA} 和 R_{BA} 都随 σ_{re} 的增加而增大, 但 R_{BA} 比 R_{PA} 增大要快; 对于一个固定的 σ_{re} , $r_0 = 1.1$ fm 的 R_{PA} 和 R_{BA} 比 $r_0 = 1.2$ fm 的大, 这说明 K^+/π^+ 比对核密度是敏感的, 特别是 R_{BA} . 我们知道, 在 B-A 碰撞的重迭区核密度增高, 使次级碰撞更容易发生, 因而 K^+/π^+ 比变化快的几率大. 对于固定的核密度, σ_{re} 的取值对 K^+/π^+ 比的影响很大. 在 $\sigma_{re} = 1.0$ mb 时, R_{BA} 大约在 10% 左右, R_{BA} 是 R_{PA} 的 1.5 倍左右; σ_{re} 变化时, K^+/π^+ 比变化, 当 σ_{re} 增大到 4—5 mb 时, R_{BA} 就基本上与实验一致, R_{BA} 变到是 R_{PA} 的 1.8 倍左右. R_{BA} 与 R_{PA} 的关系是由于入射核效应. 图 1 的结果表明, σ_{re} 的大小是很重要的. 由于实验资料不够充分, σ_{re} 的合理取值有待进一步的实验检验.

表 1 是 π -核子单电荷交换反应对 K^+/π^+ 比的贡献. 结果表明, π -核子单电荷交换反应对 K^+/π^+ 比的贡献很小; 当 σ_{sce} 变大时, R_{PA} 和 R_{BA} 的增大非常缓慢; 差别很小; R_{BA} 与 R_{PA} 的差别也不大, R_{BA} 与 R_{PA} 的比值大约为 1.2. 由于 π -核子单电荷交换反应对 K^+/π^+ 比的贡献决定于核中的中子数与质子数之差, 而²⁸Si 中的中子数和质子数相等, 所以 π -核子单电荷交换反应对 K^+/π^+ 比的贡献完全来自于靶核中的中子数与质子数之差, 因而贡献不大; 另外 π -核子单电荷交换反应只能引起 π^+ 介子数目减少, 而不能使 K^+ 介子产额增加, 因此 π -核子单电荷交换反应对 K^+/π^+ 比的贡献小, 而且 K^+/π^+ 比对 σ_{sce} 和核密度不灵敏.

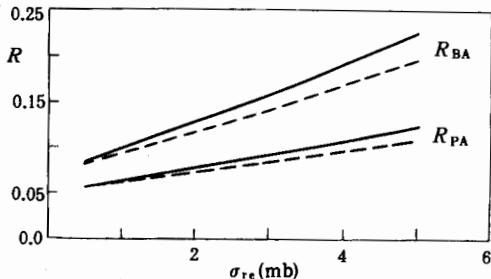


图 1 π 介子引起的 K^+ 介子产生反应对 K^+/π^+ 比的贡献
实线是 $r_0 = 1.1$ fm 的结果, 虚线是 $r_0 = 1.2$ fm 的结果

表1 π -核子单电荷交换反应对 K^+/π^+ 比的贡献

$\sigma_{\text{scs}}(\text{mb})$		0.5	0.7	1.0	2.0	3.0
$r_0 = 1.1 \text{ fm}$	$R_{\text{PA}}(\%)$	5.04	5.06	5.09	5.17	5.26
	$R_{\text{BA}}(\%)$	6.01	6.03	6.06	6.17	6.28
$r_0 = 1.2 \text{ fm}$	$R_{\text{PA}}(\%)$	5.04	5.05	5.07	5.15	5.22
	$R_{\text{BA}}(\%)$	6.00	6.02	6.05	6.14	6.23

表2是 π 介子引起的 K^+ 介子产生反应和 π -核子单电荷交换反应同时计入的结果。显示了两类反应截面不同组合下的 K^+/π^+ 比的变化情况。从表2看到, 当 $\sigma_{\text{re}} = 1.0 \text{ mb}$ 和 $\sigma_{\text{scs}} = 1.0 \text{ mb}$ 时, 得到的 R_{BA} 大约是 10% 左右, 小于实验资料; R_{PA} 大约在 6% 左右。当 $\sigma_{\text{re}} = 5.0 \text{ mb}$ 和 $\sigma_{\text{scs}} = 1.0 \text{ mb}$ 时, 计算的 R_{BA} 能很好地符合实验, R_{PA} 大约在 12% 左右。

表2 π 介子引起的 K^+ 产生反应和 π -核子单电荷交换反应同时计入后的 K^+/π^+ 比

$\sigma_{\text{re}}(\text{mb})$		0.5	0.7	1.0	2.0	2.0	3.0	4.0	5.0
$r_0 = 1.1 \text{ fm}$	$\sigma_{\text{scs}}(\text{mb})$	0.5	0.7	1.0	1.0	2.0	1.0	1.0	1.0
	$R_{\text{PA}}(\%)$	5.71	5.99	6.44	7.85	7.97	9.32	10.85	12.44
	$R_{\text{BA}}(\%)$	8.55	9.09	9.93	12.76	12.97	15.87	19.29	23.02
$r_0 = 1.2 \text{ fm}$	$\sigma_{\text{scs}}(\text{mb})$	0.5	0.7	1.0	1.0	2.0	1.0	1.0	1.0
	$R_{\text{PA}}(\%)$	5.59	5.83	6.20	7.37	7.47	8.59	9.84	11.14
	$R_{\text{BA}}(\%)$	8.34	8.79	9.48	11.79	11.96	14.30	17.02	19.96

我们的计算表明, 末态作用对 K^+/π^+ 比的效应是很重要的, 核密度对末态相互作用的影响不可疏忽, 尤其是对 B-A 碰撞。作为粗糙近似, π -核子单电荷交换反应对 K^+/π^+ 比的贡献可以忽略不计。当末态作用中只考虑 π 介子引起的 K^+ 产生反应时, K^+/π^+ 比是增大的, 增大多少依赖于 σ_{re} ; 当 σ_{re} 在 1.0 mb 附近时, 计算的 R_{BA} 小于实验资料; 当 σ_{re} 变大到 4—5 mb 时(等价于增大核密度), 实验上观察到的高能重离子碰撞中的 K^+/π^+ 比增大是可以用末态相互作用解释的。

是否需要引入 QGP 才能解释 K^+/π^+ 比增大这一现象? 为了更好地理解高能核-核碰撞中观测到的 K^+/π^+ 比增大实验资料和检验各种理论模型, 次级碰撞产生奇异粒子的截面和 P-A 碰撞中的 K^+/π^+ 比的实验测量是需要的, 以及使 K^+/π^+ 比增大的其他可能性和更精细的计算等都在期待中。

参 考 文 献

- [1] E802 Collaboration, Y. Miake et al., *Z. Phys.*, C38(1988), 135; P. Vincent et al., *Nucl. Phys.*, A498 (1989), 67.
- [2] Chao Weiqin et al., *Nucl. Phys.*, A514(1990), 734.

- [3] Ren JiangLong and Chao WeiQin, *Commun. in Theor. Phys.*, **12**(1989), 299.
- [4] C. M. Ko and L. Xia, *Phys. Rev.*, **C38**(1989), 179.
- [5] H. Sorge et al., *Nucl. Phys.*, **A498**(1989), 567.
- [6] P. Koch, *Z. Phys.*, **C38**(1988), 269.
- [7] L. Xia and C. M. Ko, *Phys. Lett.*, **222B**(1989), 343.
- [8] C. M. Ko, *Nucl. Phys.*, **A498**(1989), 561.
- [9] J. Rafelski and B. Müller, *Phys. Rev. Lett.*, **48**(1982), 1066; **56**(1986), 2334.
- [10] T. S. Biro and J. Zimanyi, *Nucl. Phys.*, **A395**(1983), 525.
- [11] P. Koch, Müller and J. Rafelski, *Phys. Reports.*, **C142**(1986), 167.
- [12] J. Cleymans, *Nucl. Phys.*, **A525**(1982), 205.
- [13] G. Hohler et al., *Nucl. Phys.*, **48**(1963), 470.
- [14] H. C. Chiang and J. Hüfner, *Nucl. Phys.*, **A352**(1981), 442.
- [15] E. Oset et al., *Nucl. Phys.*, **A448**(1986), 597.
- [16] A. Capella et al., *Phys. Lett.*, **206B**(1988), 354.
- [17] A. D. Niddens et al., *Nuovo Cimento*, **31**(1962), 961.

Enhancement of K^+/π^+ Ratio in High-Energy Proton-Nucleus and Nucleus-Nucleus Collisions Due to the Secondary Collisions

LIU BO

(Institute of High Energy Physics, Academia Sinica, Beijing 100039)

ABSTRACT

The pion meson secondary collisions with surrounding nucleons in the nucleus can change the K^+/π^+ ratio. We calculate this effect in proton-nucleus and nucleus-nucleus collisions by the Glauber model and find that the final state interactions are important.