

# J/ψ 辐射衰变过程中 3<sup>-+</sup>胶子球的产生

沈齐兴 李炳安 郁 宏 张美曼  
(中国科学院高能物理研究所)

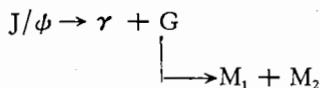
## 摘要

本文导出了过程  $J/\psi \rightarrow \gamma + G(3^{-+})$ ,  $G(3^{-+}) \rightarrow M_1 M_2$  的多重角关联函数, 其中  $G$  是  $J^{pc} = 3^{-+}$  的态,  $M_1$  和  $M_2$  是自旋为零的介子。本文还讨论了  $3^{-+}$  胶子球态并计算了过程  $J/\psi \rightarrow \gamma + G(3^{-+})$  的螺旋性 (helicity) 振幅之比。结果表明, 其中的一个比率与胶子球的质量无关, 其值很小。

非阿贝尔规范场理论预言了胶子球的存在<sup>[1-4]</sup>。在  $J/\psi$  辐射衰变过程中发现的  $\iota(1440)^{[5]}$  很可能就是一个胶子球<sup>[2,6,7]</sup>。如何将胶子球与由正反层子构成的介子加以区分, 这是一个十分重要而又困难的问题。一些模型<sup>[2,8]</sup>曾预言了具有奇特 (exotic) 量子数的胶子球 (例如  $3^{-+}$  胶子球) 的存在。本文将讨论在  $J/\psi$  辐射衰变过程  $J/\psi \rightarrow \gamma + G(3^{-+})$  中产生的  $3^{-+}$  胶子球  $G$ ; 提出确认  $3^{-+}$  胶子球的一般方法; 指出这种胶子球的一般性质。我们发现, 螺旋性振幅之比  $y$  (定义见下面) 近似为零, 并且这个结果和  $3^{-+}$  胶子球的质量无关。而这个讨论完全适用于  $\Upsilon$  粒子的相应过程。

我们知道,  $J/\psi$  粒子的辐射衰变过程是一个有利于胶子球产生的过程<sup>[8]</sup>。由二个胶子组成的, 质量小于  $J/\psi$  粒子质量的胶子球最有可能在这种过程中找到。至今, 尚未发现由正反层子对组成的奇特态。因此, 如果在实验上发现了这种奇特态, 它很可能就是一个胶子球。在 MIT 口袋模型中, 存在由  $2^+(TM) 2^-(TE)$  组成的  $3^{-+}$  态<sup>[2]</sup>。 $2^+(TM)$  的能量为  $E = 5.7634/R$ ,  $2^-(TE)$  的能量为  $E = 3.96/R$ , 利用没有自旋相互作用的 MIT 口袋模型的质量公式可以估计出  $3^{-+}$  胶子球的质量大约为  $2\text{GeV}$ 。当然, 还应当考虑自旋相互作用的效应<sup>[13]</sup>, 但是根据 Barnes 的计算<sup>[12]</sup>, 自旋效应所引起的能量的改变只有几百 MeV。因此在我们以下的计算中取了胶子球的质量  $m_G = 1.8, 1.9, 2.0, 2.2, 2.4$  和  $2.6\text{GeV}$ 。

本文首先考虑过程



的多重角关联, 其中  $M_1$  和  $M_2$  是自旋为零的介子, 例如  $\pi\pi$  或  $\eta\eta$  等。然后, 我们用微扰 QCD 计算过程  $J/\psi \rightarrow \gamma + G(3^{-+})$  的螺旋性振幅之比  $x$  和  $y$ 。这些比值出现在角关联

的公式中。

在文献[9]中已讨论了  $J/\psi$  辐射衰变产生自旋为 2 和 1 的粒子的情形，现在我们来讨论产生自旋为 3 的粒子的情形。过程  $J/\psi \rightarrow \gamma + G(3^-)$  的矩阵元为

$$\langle \gamma_{\lambda_1} G_{\lambda_2} | S | J_{\lambda} \rangle = -i(2\pi)^4 \delta^4(p_J - p_{\gamma} - p_G) \frac{1}{\sqrt{8\omega_{\gamma} E_G E_J}} T_{\lambda_2} \quad (1)$$

其中  $\lambda_1, \lambda_2$  和  $\lambda$  分别是光子  $\gamma$ ,  $G$  和  $J/\psi$  粒子的角动量的 Z 分量,  $\omega_{\gamma}$ ,  $E_G$  和  $E_J$  分别是这些粒子的能量。 $T_{\lambda_2}$  是螺旋性振幅。我们选取  $G$  静止的坐标系。由角动量守恒，我们有

$$T_3 = 0. \quad (2)$$

由于时间反演和空间反射的不变性，我们只有三个独立的振幅  $T_2, T_1$  和  $T_0$ 。定义

$$x = T_1/T_0, \quad y = T_2/T_0 \quad (3)$$

我们可以得到如下的角关联公式：

$$\begin{aligned} W_3(\theta_{\gamma}, \theta, \phi) = & (1 + \cos^2 \theta_{\gamma}) \left( \frac{5}{2} \cos^3 \theta - \frac{3}{2} \cos \theta \right)^2 \\ & + \sqrt{\frac{3}{8}} x \sin 2\theta_{\gamma} \sin 2\theta \left( \frac{5}{2} \cos^2 \theta - \frac{3}{2} \right) \left( \frac{5}{2} \cos^2 \theta - \frac{1}{2} \right) \cos \phi \\ & + 1/4 \sqrt{\frac{15}{2}} y \sin^2 \theta_{\gamma} \sin^2 2\theta \left( \frac{5}{2} \cos^2 \theta - \frac{3}{2} \right) \cos 2\phi \\ & + \frac{3}{2} x^2 \sin^2 \theta_{\gamma} \sin^2 \theta \left( \frac{5}{2} \cos^2 \theta - \frac{1}{2} \right)^2 \\ & - 3\sqrt{5/8} xy \sin 2\theta_{\gamma} \sin 2\theta \sin^2 \theta \left( \frac{5}{2} \cos^2 \theta - \frac{1}{2} \right) \cos \phi \\ & + \frac{15}{8} y^2 (1 + \cos^2 \theta_{\gamma}) \sin^4 \theta \cos^2 \theta \end{aligned} \quad (4)$$

其中  $\theta_{\gamma}$  是在  $e^+e^-$  质心系中测量的光子方向和束流方向之间的夹角。 $(\theta, \phi)$  是在  $G$  的静止系中  $G$  的衰变产物  $M_1$  或  $M_2$  的极角和方位角，这里选取了光子方向作为 Z 轴方向，而电子束位于  $\phi = 0$  的平面中。

从公式(4)看到， $W_3$  包含二个参数  $x$  和  $y$ ，而文献[9]中给出的相应于自旋为 2 的粒子的角关联  $W_2$  中也包含二个参数  $x$  和  $y$ 。因此我们有必要说明，在一定的条件下  $W_3$  和  $W_2$  是可以区分的。事实上，只要取  $\theta_{\gamma}$  很小（这正是实验上常取的范围），我们得到

$$\begin{aligned} W_2 &= \frac{1}{2} \left\{ (3 \cos^2 \theta - 1)^2 + \frac{3}{2} y^2 \sin^4 \theta \right\} + O(\theta_{\gamma}) \\ W_3 &= \frac{1}{2} (5 \cos^3 \theta - 3 \cos \theta)^2 \\ &+ 15/4 y^2 \sin^4 \theta \cos^2 \theta + O(\theta_{\gamma}) \end{aligned} \quad (5)$$

再让  $\theta$  接近于  $\pi/2$ ，即得

$$W_2 \approx \frac{1}{2} \left( 1 + \frac{3}{2} y^2 \right) \geq \frac{1}{2} \quad (6)$$

$$W_3 \approx 0$$

上面的讨论可以推广到  $G$  的角动量  $J > 3$  的情形。当然, 由于螺旋性守恒, 独立的振幅仍然只有  $T_2$ ,  $T_1$  和  $T_0$ 。所以在角关联公式中也只包含二个独立参量  $x$  和  $y$ 。多重角关联的普遍公式为:

$$\begin{aligned} W_J(\theta_r, \theta, \phi) = & \frac{4\pi}{2J+1} \{ Y_{J0}^2 (1 + \cos^2 \theta_r) \\ & - \sqrt{2} Y_{J0} \operatorname{Re} Y_{J1} x \sin 2\theta_r + 2 Y_{J0} \operatorname{Re} Y_{J2} y \sin^2 \theta_r \\ & + 2x^2 |Y_{J1}|^2 \sin^2 \theta_r + \sqrt{2} \operatorname{Re}(Y_{J1}^* Y_{J2}) xy \sin 2\theta_r \\ & + |Y_{J2}|^2 y^2 (1 + \cos^2 \theta_r) \} \end{aligned} \quad (7)$$

其中  $Y_{JM}$  是以  $\theta$  和  $\phi$  为宗量的球谐函数。注意到

$$W_J(\theta_r, \theta, \phi) \Big|_{\substack{\theta_r=0 \\ \theta=\pi/2}} = \frac{8\pi}{2J+1} \{ Y_{J0}^2 + |Y_{J2}|^2 y^2 \} \quad (8)$$

特别当  $J$  为奇数时

$$W_J \Big|_{\substack{\theta_r=0 \\ \theta=\pi/2}} = 0$$

我们感兴趣的是  $G$  是胶子球的情形。在最低阶微扰 QCD 中, 由  $J/\psi$  辐射衰变产生胶子球的费曼图由图 1 所示:

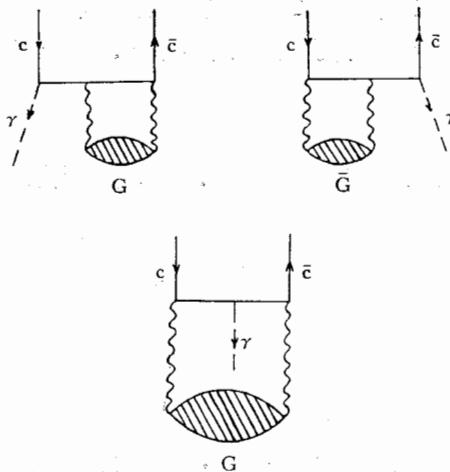


图 1

下面我们来计算这些费曼图的贡献。取  $3^{-+}$  胶子球的波函数为

$$\begin{aligned} & \langle G_{12} | T\{A_a^a(x_1) A_b^b(x_2)\} | 0 \rangle \\ & = -\frac{1}{\sqrt{2m_G}} e^{\frac{i}{2} p_G \cdot (x_1 + x_2)} \delta_{ab} G(x) \sum_{\substack{m_1 m_2 m_3 m_4 \\ m_5 M_1 M_2 M_3}} C_{3M_3, 1M_1}^{3M_2, 1M_2} C_{2M_2, 1m_5}^{3M_3, 1m_4} \\ & \quad C_{1m_3, 1m_4}^{2M_2} C_{1m_1, 1m_2}^{1M_1} e_a^{m_1^*} e_{\beta}^{m_2^*} (x \cdot e^{m_3^*}) (x \cdot e^{m_4^*}) (x \cdot e^{m_5^*}) \end{aligned} \quad (9)$$

其中  $x = x_1 - x_2$ ,  $G(x)$  对于  $x_1$  和  $x_2$  的交换是对称的。 $e_a^m$  是圆极化矢量。 $J/\psi$  粒子的波函数为:

$$\langle 0 | T\{\phi(x_1) \bar{\phi}(x_2)\} | J_1(p_1) \rangle$$

$$= \frac{1}{2\sqrt{2}} e^{-\frac{i}{2} p_J \cdot (x_1 + x_2)} \phi_J(x) \sqrt{\frac{m_J}{E_J}} \left(1 + \frac{p_J}{m_J}\right) e^{i(p_J)} \quad (10)$$

由于粲层子的质量比  $J/\psi$  粒子的内部动量大得多, 所以我们可以忽略  $J/\psi$  粒子的内部运动。对于胶子球, 作为零级近似, 也可忽略胶子球的内部运动。这样, 在计算  $S$  矩阵元(1)时将近似地用  $J/\psi$  和  $G$  的零点波函数  $\phi_J(0)$  和  $G(0)$  代替波函数  $\phi_J(x)$  和  $G(x)$ 。计算得到螺旋性振幅  $T_2$ ,  $T_1$  和  $T_0$  分别为

$$\begin{aligned} T_2 &= -\frac{8}{3\sqrt{6}} eg^2 G(0) \phi_J(0) \frac{\sqrt{m_J}}{m_c^8 m_G^3} (m_J^2 - m_G^2)^3 \left( \frac{2m_c}{m_J} - 1 \right) \\ T_1 &= \frac{8}{3\sqrt{30}} eg^2 G(0) \phi_J(0) \frac{\sqrt{m_J}}{m_c^8 m_G^3} (m_J^2 - m_G^2)^3 \left\{ \frac{4m_G}{m_J} - 3 \right. \\ &\quad \left. + \frac{3 \left[ 8m_c^2 - \frac{2m_c}{m_J} (m_J^2 + m_G^2) + m_J^2 - m_G^2 + \frac{1}{2m_J m_G} \left( \frac{2m_c}{m_J} - 1 \right) (m_J^2 - m_G^2)^2 \right]}{m_J^2 - 2m_G^2 + 4m_c^2} \right\} \\ T_0 &= \frac{8}{3\sqrt{5}} eg^2 G(0) \phi_J(0) \frac{\sqrt{m_J}}{m_c^8 m_G^3} (m_J^2 - m_G^2)^3 \left( \frac{2m_c}{m_J} + 1 \right) \end{aligned} \quad (11)$$

由于角动量守恒, 图 1 中的前两个图对  $T_2$  没有贡献, 由于特殊的张量结构, 这两个图对  $T_0$  也没有贡献。将(11)式代入(3)式即可得到比率  $x$  和  $y$ 。一个有趣的结果是

$$y = \sqrt{\frac{5}{6}} \frac{2m_c - m_J}{2m_c + m_J} \quad (12)$$

这个比率的第一个特点是与胶子球的质量无关。但  $y$  依赖于层子质量。在表 1 中给出了比率  $y$  随  $m_c$  的变化。

表 1

$m_c$ (GeV)	1.3	1.4	1.5
$y$	-0.08	-0.05	-0.02

从表 1 我们可以看到比率  $y$  的第二个特点: 由于  $2m_c \approx m_J$ ,  $y$  的数值很小。这是本文的主要结果。

在文献[10]和[11]中, 为了拟合实验数据和得到与实验相一致的结果, 我们取了  $m_c = 1.3$ GeV。由于这里所用的近似方法和那里一样, 所以, 如果我们仍取粲层子质量  $m_c = 1.3$ GeV, 则

$$y = -0.08 \quad (13)$$

如果我们取

$$\frac{5}{2} \cos^2 \theta - \frac{1}{2} = 0 \quad (14)$$

即

$$\theta = 63.4^\circ \text{ 或 } 116.6^\circ$$

则(4)式成为:

$$\begin{aligned} W_3(\theta_r, \phi) = & \frac{1}{5} (1 + \cos^2 \theta_r) - \frac{2\sqrt{6}}{5\sqrt{5}} y \sin^2 \theta_r \cos 2\phi \\ & + \frac{6}{25} y^2 (1 + \cos^2 \theta_r) \end{aligned} \quad (15)$$

它和  $x$  无关。由此很容易定出过程的  $y$  值, 这对于从实验上判断  $G$  是否是  $3^{-+}$  胶子球是很有益的。

比率  $x$  的值依赖于胶子球的质量, 它的数值由表 2 给出。

表 2

$M(\text{GeV})$	1.8	1.9	2.0	2.2	2.4	2.6
$x$	0.42	0.46	0.49	0.55	0.62	0.68

本文的结论如下:

1. 本文得到了多重角关联的普遍公式, 利用这个公式我们可以分析在  $J/\psi$  辐射衰变过程中产生粒子的量子数  $J^P$ 。

2. 对于  $J/\psi$  辐射衰变产生的  $3^{-+}$  胶子球, 其  $y$  值接近于零, 并且这个结果和  $3^{-+}$  胶子球的质量无关。这个结果也适用于过程



### 参 考 文 献

- [1] H. Fritzsch and P. Minkowski, *Nuovo Cimento*, **30A** (1975), 393; P. G. O. Freund and Y. Nambu, *Phys. Rev. Lett.*, **34** (1975), 1645; J. Willemse, *Phys. Rev.*, **D13** (1976), 1327; J. Kogut, D. Sinclair and L. Susskind, *Nucl. Phys.*, **B114** (1976), 119; K. Ishikawa, *Phys. Rev.*, **D20** (1979), 731; C. E. Carlson, J. Coyne, P. Fishbane, F. Gross and S. Meshkov, *Phys. Lett.*, **98B** (1981), 110.
- [2] K. F. Donoghue, K. Johnson and B. A. Li, *Phys. Lett.*, **99B** (1981), 416.
- [3] D. Robson, *Nucl. Phys.*, **B130** (1977), 328; J. D. Bjorken, SLAC Summer Institute on Particle Physics, 1979; J. J. Coyne, P. M. Fishbane and S. Meshkov, *Phys. Lett.*, **91B** (1980), 259.
- [4] J. F. Donoghue, Invited talk at the VIth Intern. Conf. On Experimental meson spectroscopy (Brookhaven, April 1980); J. F. Donoghue, Invited talk at the XXth Intern. Conf. On High Energy Physics (Madison WI, July 1980) p35.
- [5] D. L. Scharre et al., *Phys. Lett.*, **97B** (1980), 329; C. Edwards et al., *Phys. Rev. Lett.*, **49** (1982), 259.
- [6] M. Chanowitz, *Phys. Rev. Lett.*, **46** (1981), 981.
- [7] K. Ishikawa, *Phys. Rev. Lett.*, **46** (1981), 978.
- [8] T. Appelquist, A. De Rujula, H. D. Politzer, and S. L. Glashow, *Phys. Rev. Lett.*, **34** (1975), 265; M. S. Chanowitz, *Phys. Rev.*, **D12** (1975), 918; L. B. Okun and M. B. Voloshin, Institute of Theoretical and Experimental Physics, Moscow, Report No. ITEP-95-1976, 1976 (Unpublished); S. J. Brodsky, T. A. De Grand, R. R. Horgan and D. G. Coyne, *Phys. Lett.*, **73B** (1978), 203; K. Koller and T. Walsh, *Nucl. Phys.*, **B140** (1978), 449.

- [9] P. K. Kabir and A. J. G. Hey, *Phys. Rev.*, **D13** (1976), 3161.
- [10] B. A. Li and Q. X. Shen, *Phys. Lett.*, **126B** (1983), 125.
- [11] 郁宏等, 高能物理与核物理, **8**(1984), 284.
- [12] Barnes, *Z. Phys.*, **10** (1981), 275.
- [13] Barnes et al., *Phys. Lett.*, **110B** (1981), 159; *Nucl. Phys.*, **B198** (1982), 380.

## PRODUCTION OF A $3^{-+}$ GLUEBALL IN $J/\psi$ RADIATIVE DECAY

SHEN QI-XING LI BING-AN YU HONG ZHANG MEI-MAN

(*Institute of High Energy Physics, Academia Sinica*)

### ABSTRACT

The multiple angular-correlation function for the sequential decays  $J/\psi \rightarrow \gamma + G(3^{-+})$ ,  $G(3^{-+}) \rightarrow M_1 M_2$ , where  $G$  is a  $J^{pc} = 3^{-+}$  state and  $M_1$  and  $M_2$  are spinless mesons, is deduced. A  $3^{-+}$  glueball state is discussed and the ratios of the helicity amplitudes of  $J/\psi \rightarrow \gamma + G(3^{-+})$  are calculated. One ratio is independent of the glueball's mass and very small.